

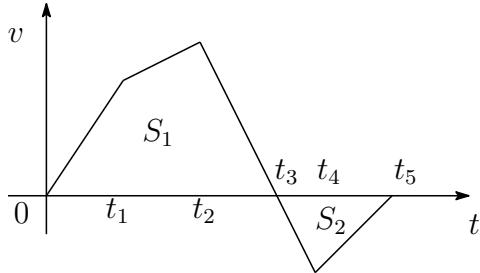
電気のための微分積分C
第1回問題 2021. 11. 26

学
生
番
号

--	--	--	--	--	--

氏
名

- 1.1. 直線上を運動する動点 P がある。時刻 t での P の速度 $v(t)$ のグラフは図のようである。



- (1) 最も速度が大きくなる時刻はいつか

- (2) 最も出発点から遠ざかる時刻はいつか。またそのときの出発点からの距離をグラフと t 軸で囲まれる図形の面積 S_1, S_2 を用いて表せ。

- (3) 時刻 t_5 での出発点からの距離と、それまでに動いた道のりを S_1, S_2 を用いて表せ。

- 1.2. 空中を自由落下する物体は地球の引力によって鉛直下向きに $g (= 9.8[m/s^2])$ の加速度が生じる。つまり、時刻 $t[s]$ の下向きの速度を $v(t)[m/s]$ とするとき

$$\frac{d}{dt}v(t) = g$$

である。したがって速度 $v(t)$ は g の原始関数である。従って時刻 $0[s]$ から $t_1[s]$ までの速度の変化は定積分を用いて

$$v(t_1) - v(0) = \boxed{\quad}$$

のように求められる。だから t_1 を t に置き換えることにより時刻 t での速度 $v(t)$ は $v(0), g$ を用いて

$$v(t) = \boxed{\quad}$$

と表される。

- (2) 同様に考えて、時刻 $t_1[s]$ での物体の座標を $y(t_1)[m]$ とすると

$$y(t_1) - y(0) = \int_0^{t_1} v(t) dt = \boxed{\quad}$$

となる。だから t_1 を t に置き換えることにより時刻 t での座標 $y(t)$ は $y(0), v(0), g$ を用いて

$$y(t) = \boxed{\quad}$$

と表される。

